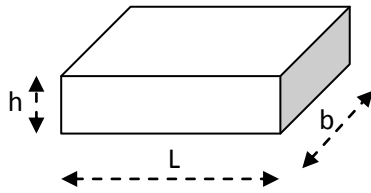


NOMBRE: APELLIDO: FIRMA:

1. Una caja de algodón en forma de prisma tiene un volumen de 1059,440 pies³ y una superficie exterior de 62 m², si la altura de la caja es de 3 m, ¿cuáles son las dimensiones de la caja en pulgadas? (1m = 100 cm ; 1 m = 0,3048 pie ; 1 Pie= 12 pul)
 Vol=L . b . h ; Area= 2.A₁+2.A₂+2.A₃



Datos:

$V = 1059,440 \text{ pie}^3$
 $A = 62 \text{ m}^2$
 $h = 3 \text{ m}$

Incognitas :

$b \Rightarrow \text{pul}$
 $L \Rightarrow \text{pul}$
 $h \Rightarrow \text{pul}$

$V = 1059,440 \text{ pie}^3 \cdot \left(\frac{12 \text{ pul}}{1 \text{ pie}}\right)^3 \Rightarrow V = 1830712,32 \text{ pul}^3$

$A = 62 \text{ m}^2 \cdot \left(\frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}}\right)^2 \cdot \left(\frac{1 \text{ pul}}{2,54 \text{ cm}}\right)^2 \Rightarrow A = 96100,192 \text{ pul}^2$

$h = 3 \text{ m} \cdot \left(\frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}}\right) \cdot \left(\frac{1 \text{ pul}}{2,54 \text{ cm}}\right) \Rightarrow h = 118,110 \text{ pul}$

a) La ecuacion del volumen de una prisma esta dado por:

$V = L \cdot b \cdot h$

$1830712,32 \text{ pul}^3 = L \cdot b \cdot 118,110 \text{ pul}$

$L \cdot b = 15500,062 \text{ pul}^2$

$L = \frac{15500,062 \text{ pul}^2}{b} \quad \text{Ec (A)}$

b) La ecuacion del area de una prisma esta dado por:

$A = 2 \cdot A_1 + 2 \cdot A_2 + 2 \cdot A_3$

$A = 2 \cdot L \cdot b + 2 \cdot b \cdot h + 2 \cdot L \cdot h$

$96100,192 = 2 \cdot 15500,062 + 2 \cdot b \cdot 118,110 + 2 \cdot \left(\frac{15500,062}{b}\right) \cdot 118,110$

$65100,068 = 236,22 \cdot b + \frac{3661424,646}{b} \quad \text{multiplicando por (b)}$

$65100,068 \cdot b = 236,22 \cdot b^2 + 3661424,646$

$236,22 \cdot b^2 - 65100,068 \cdot b + 3661424,646 = 0$

Solucion de la ecuacion de segundo grado

$b = \frac{-B \pm \sqrt{B^2 - 4 \cdot A \cdot C}}{2 \cdot A}$

$b = \frac{-(-65100,068) \pm \sqrt{(-65100,068)^2 - 4 \cdot (236,22) \cdot (3661424,646)}}{2 \cdot (236,22)}$

(+) $b = 196,851 \text{ pul}$

(-) $b = 78,740 \text{ pul}$

Reemplazando en Ec (A)

(+) $L = \frac{15500,062 \text{ pul}^2}{196,851 \text{ pul}} \Rightarrow L = 78,740 \text{ pul}$

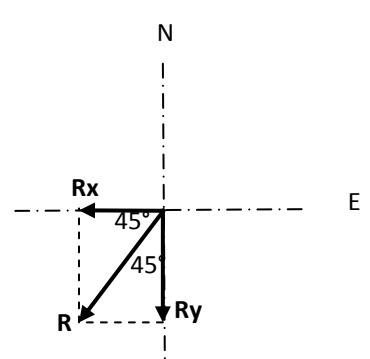
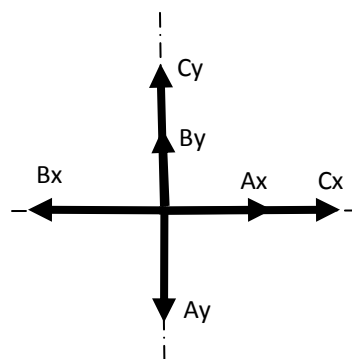
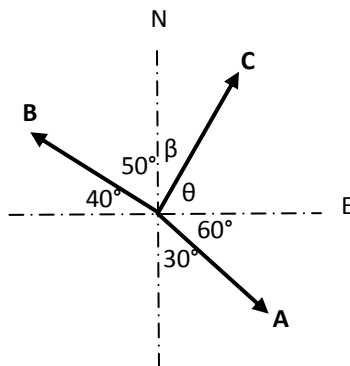
(-) $L = \frac{15500,062 \text{ pul}^2}{78,740 \text{ pul}} \Rightarrow L = 196,851 \text{ pul}$

$L = 196,851 \text{ pul}$
 $b = 78,740 \text{ pul}$
 $h = 118,110 \text{ pul}$

2. Una ambulancia recorre 20 km 30° al Sur-Este, luego 30 km 50° Nor-Oeste y finalmente otra distancia "C" en dirección desconocida θ: Al final se encuentra a 40 km al Sur-Oeste del punto de partida. Hállese la magnitud y dirección del tercer recorrido.

Datos

- A = 20 km 30° S-E
 B = 30 km 50° N-O
 C = C km θ
 R = 40 km 45° S-O



Aplicando sumatoria de vectores en el eje X y eje Y

$\sum V_x = -R_x$

$A_x + C_x - B_x = -R_x$

$C_x = -R_x - A_x + B_x$

$R_x = -40 \cdot \cos 45^\circ - 20 \cdot \cos 60^\circ + 30 \cdot \cos 40^\circ$

$R_x = -15,303 \text{ km}$

Aplicando el teorema de Pitagoras :

$R = \sqrt{(R_x)^2 + R(y)^2}$

$R = \sqrt{(-15,303)^2 + (-30,247)^2}$

$R = 33,898 \text{ km}$

Direccion del vector resultante:

$\tan(\theta) = \frac{R_y}{R_x} = \frac{-30,247}{-15,303} \Rightarrow \theta = 63,16^\circ$

$\beta = 90^\circ - \theta = 90 - 63,16 \Rightarrow \beta = 26,84^\circ$

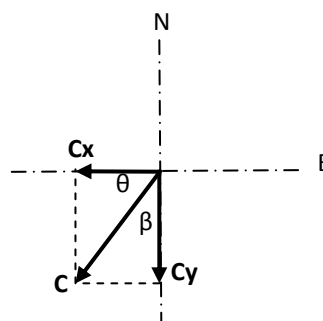
$\uparrow \sum V_y = -R_y$

$C_y + B_y - A_y = -R_y$

$C_y = -R_y - B_y + A_y$

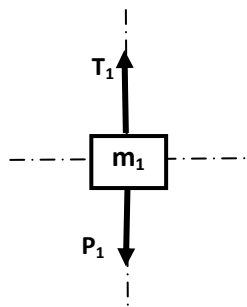
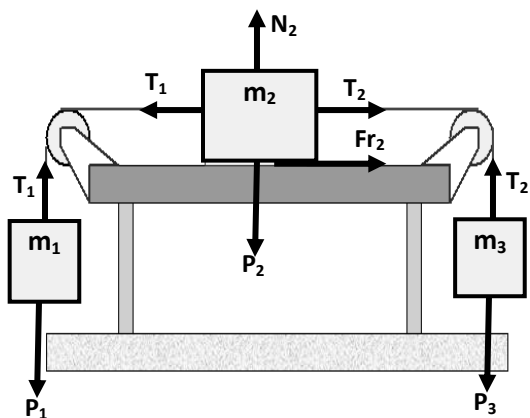
$C_y = -40 \cdot \sin 45^\circ - 30 \cdot \sin 40^\circ + 20 \cdot \sin 60^\circ$

$C_y = -30,247 \text{ km}$



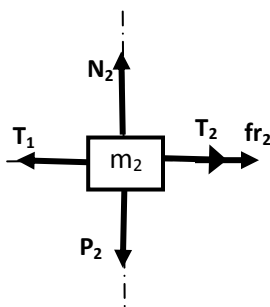
$C = 33,898 \text{ km}$
 $\beta = 26,84^\circ \text{ Sur- Oeste}$

3. Tres masas $m_1=60\text{ kg}$, $m_2=30\text{ kg}$ y m_3 están conectadas entre sí por una cuerda sin masa que pasa por poleas sin fricción, el coeficiente de fricción estático entre la masa m_2 y la mesa es de 0,5. A) Determine la masa mínima del cuerpo 3 para que el sistema este en equilibrio, b) determine las tensiones en las dos cuerdas para caso anterior.



Sumatoria de fuerzas en el eje Y

$$\begin{aligned} \sum F_y &= 0 \\ T_1 - P_1 &= 0 \\ T_1 &= 60 \cdot 9,81 \\ T_1 &= 588,6 \text{ N} \end{aligned}$$

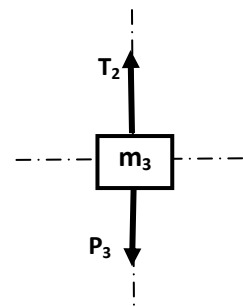


Sumatoria de fuerzas en el eje Y

$$\begin{aligned} \sum F_y &= 0 \\ N_2 - P_2 &= 0 \\ N_2 &= 30 \cdot 9,81 \\ N_2 &= 294,3 \text{ N} \end{aligned}$$

Sumatoria de fuerzas en el eje X

$$\begin{aligned} \sum F_x &= 0 \\ T_2 + Fr_2 - T_1 &= 0 \\ T_2 &= T_1 - Fr_2 \\ T_2 &= 588,6 - 0,5 \cdot 294,3 \\ T_2 &= 441,45 \text{ N} \end{aligned}$$



Sumatoria de fuerzas en el eje Y

$$\begin{aligned} \sum F_y &= 0 \\ T_2 - P_3 &= 0 \\ P_3 &= T_2 \\ m_3 \cdot 9,81 &= 441,95 \text{ N} \\ m_3 &= 45 \text{ kg} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} m_3 &= 45 \text{ kg} \\ T_1 &= 588,60 \text{ N} \\ T_2 &= 441,45 \text{ N} \end{aligned}$$

FORMULARIO:

$$b = \frac{-B \pm \sqrt{B^2 - 4 \cdot A \cdot C}}{2 \cdot A}$$

$$\sum V_x = R_x$$

$$\sum F_x = 0$$

$$\sum V_y = R_y$$

$$\sum F_y = 0$$

$$R = \sqrt{(R_x)^2 + (R_y)^2}$$

$$f_r = \mu \cdot N$$

$$\tan(\phi) = \frac{R_y}{R_x}$$