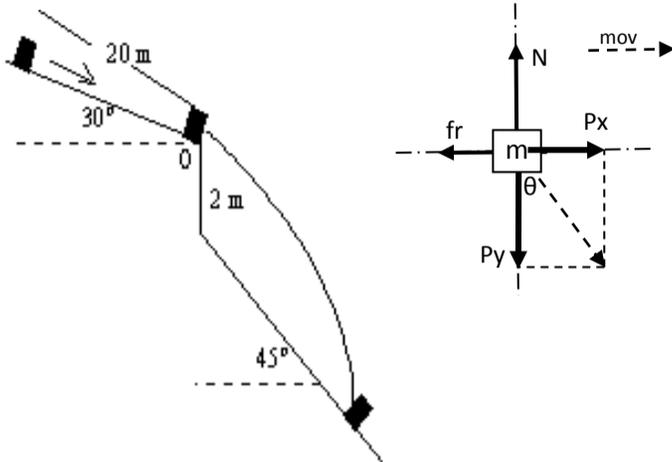




NOMBRE: ..... APELLIDO: ..... FIRMA: .....

1.- Un bloque de 1 kg de masa comienza a descender por una pendiente inclinada  $30^\circ$  respecto de la horizontal hasta el vértice O en el que deja de tener contacto con el plano. El coeficiente de rozamiento entre el bloque y el plano inclinado es 0.8. Hallar el tiempo que se mueve el bloque (desde que parte hasta que se detiene).



Aplicando la sumatoria de fuerzas en eje y

$$\sum F_y = 0 \quad fr = \mu \cdot N$$

$$N - P_y = 0 \quad fr = \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \theta$$

$$N = m \cdot g \cdot \cos \theta$$

Aplicando sumatoria de fuerzas en el eje x para m

$$\sum F_x = m \cdot a$$

$$P_x - fr = m \cdot a$$

$$m \cdot g \cdot \sin \theta - \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \theta = m \cdot a$$

$$a = g \cdot (\sin \theta - \mu \cdot \cos \theta)$$

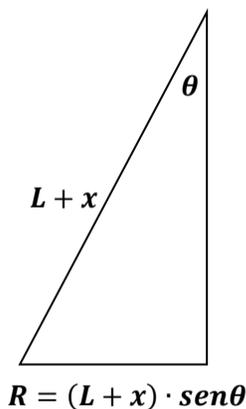
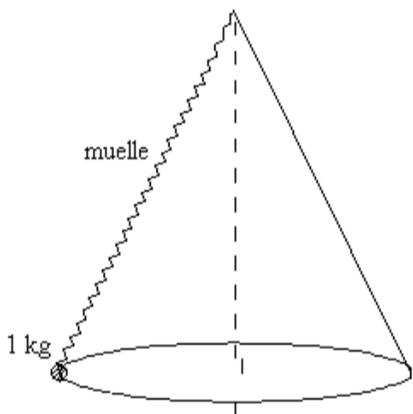
$$a = 9,81 \cdot (\sin 30^\circ - 0,8 \cdot \cos 30^\circ)$$

$$a = -1,89 \text{ m/s}^2$$

Debido a que la aceleración es negativa y el cuerpo no puede cambiar su movimiento hacia arriba el cuerpo está en equilibrio debido a que la fuerza de rozamiento es Mayor que la componente del peso hacia abajo de la rampa

t = 0 s

2.- Enganchamos una partícula de 1 kg a un resorte de masa despreciable cuya longitud natural es de 4 m y la constante recuperadora 120 N/m. Lo hacemos girar como un péndulo cónico con una velocidad angular constante de 60 r.p.m. Calcular el alargamiento del resorte.



$$\omega = 60 \frac{\text{rev}}{\text{min}} \cdot \left( \frac{2 \cdot \pi}{1 \text{ rev}} \right) \cdot \left( \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \right) = 2 \cdot \pi \frac{1}{\text{s}}$$

Fuerza de un resorte =  $F = k \cdot x = T$

Aplicando sumatoria de fuerzas en el eje x para m

$$\sum F_x = m \cdot a_c$$

$$T_x = m \cdot a$$

$$T \cdot \sin \theta = m \cdot a$$

$$T \cdot \sin \theta = m \cdot \omega^2 \cdot R$$

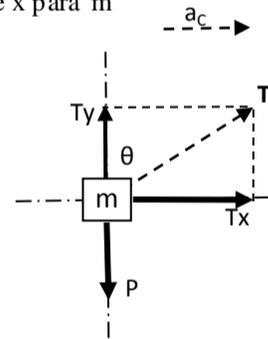
$$T \cdot \sin \theta = m \cdot \omega^2 \cdot ((L + x) \cdot \sin \theta)$$

$$k \cdot x = m \cdot \omega^2 \cdot (L + x)$$

$$x = \frac{L}{\left( \frac{k}{m \cdot \omega^2} - 1 \right)}$$

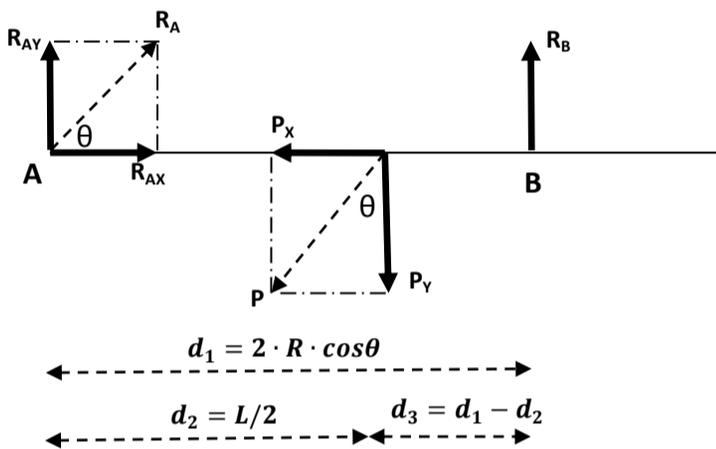
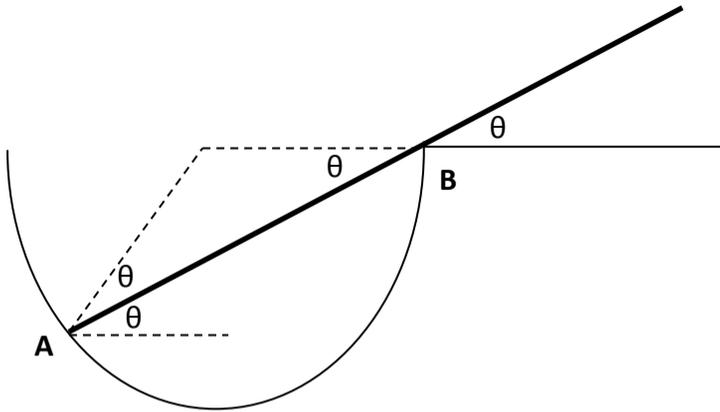
$$x = \frac{4}{\left( \frac{120}{1 \cdot (2 \cdot \pi)^2} - 1 \right)}$$

$$x = 1,961 \text{ m}$$



x = 1,961 m

3.- Una Varilla 100 kg de masa y longitud  $L=50$  m se encuentra apoyada en una semicircunferencia de Radio 20 m. Hallar el ángulo  $\theta$  de equilibrio y la reacción en el punto A



Aplicando sumatoria de Momentos en A

$$\sum M_A = 0$$

$$R_B \cdot d_1 - P_y \cdot d_2 = 0$$

$$R_B \cdot (2 \cdot R \cdot \cos \theta) = (P \cdot \cos \theta) \cdot \left(\frac{L}{2}\right)$$

$$R_B = \frac{m \cdot g \cdot L}{4 \cdot R}$$

$$R_B = \frac{100 \cdot 9,81 \cdot 50}{4 \cdot 20}$$

$$R_B = 613,125 N$$

Aplicando sumatoria de Fuerzas en el eje x

$$\sum F_x = 0$$

$$R_{Ax} - P_x = 0$$

$$R_A = \frac{P \cdot \text{sen} \theta}{\cos \theta} \quad \text{Ec. 1}$$

Aplicando sumatoria de Fuerzas en el eje y

$$\sum F_y = 0$$

$$R_{Ay} + R_B - P_y = 0$$

$$\left(\frac{P \cdot \text{sen} \theta}{\cos \theta}\right) \cdot \text{sen} \theta + R_B - P \cdot \cos \theta = 0 \quad \times (\cos \theta)$$

$$P \cdot (\text{sen} \theta)^2 + R_B \cdot \cos \theta - P \cdot (\cos \theta)^2 = 0$$

$$P \cdot (1 - (\cos \theta)^2) + \left(\frac{P \cdot 50}{4 \cdot 20}\right) \cdot \cos \theta - P \cdot (\cos \theta)^2 = 0$$

$$2 \cdot (\cos \theta)^2 - 0,625 \cdot \cos \theta - 1 = 0$$

$$\cos \theta = \frac{0,625 \pm \sqrt{(0,625)^2 + 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2}$$

$$(+)\theta = 28,308^\circ$$

Reemplazando en Ec. 1

$$R_A = \frac{100 \cdot 9,81 \cdot \text{sen} 28,308^\circ}{\cos 28,308^\circ}$$

$$R_A = 528,382 N$$

$$R_A = 528,382 N$$

$$\theta = 28,308^\circ$$

#### FORMULARIO:

$$d = v_0 \cdot t \mp \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$$

$$d = \sigma \cdot R$$

$$\sum F = m \cdot a$$

$$\sum E_{M_i} = \sum E_{M_f} + \sum \Delta Tr_{f_{r_i-f}}$$

$$E_{pe} = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2$$

$$V_f^2 = V_0^2 \mp 2 \cdot a \cdot d$$

$$V = w \cdot R$$

$$f_r = \mu \cdot N$$

$$E_c = \frac{1}{2} \cdot m \cdot V^2$$

$$\hat{A} = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|}$$

$$V_f^{\square} = V_0^{\square} \mp a \cdot t$$

$$a = \alpha \cdot R$$

$$ac = \frac{v^2}{R} = w^2 \cdot R$$

$$E_p = m \cdot g \cdot h$$

$$Tr = F \cdot d$$